

D'où le résultat : (0.75pt)

$$BC = 6 \times \sqrt{2 - \sqrt{2}} = 4.59 \text{ cm}$$

2) une mesure en degrés de l'angle $\alpha = \widehat{ACB}$:

$$\cos(\widehat{ACB}) = \frac{AB}{BC} \Rightarrow \text{mes}(\widehat{ACB}) = \cos^{-1}\left(\frac{6-3\sqrt{2}}{6\sqrt{2-\sqrt{2}}}\right) \text{ donc } \alpha = 67.5^\circ \quad (0.75\text{pt})$$

3°) la longueur de l'arc \widehat{BC} :

$$\widehat{BC} = r \times \theta = 6 \text{ cm} \times \frac{\pi}{4} = \frac{3 \times 3.14}{2} \approx 4.71 \text{ cm} \quad (0.75\text{pt})$$

4°) L'aire de la surface Ombrée.

$$\text{Aire} = \frac{1}{2} \times r^2 \times \frac{\pi}{4} - \text{l'aire}(FAB) = \frac{9}{2}\pi - \frac{AB \times FA}{2} = \frac{9}{2}\pi - 9 \approx 5.14 \text{ cm}^2 \quad (1\text{pt})$$

Exercice4 (3points)

1) Je complète le tableau suivant (1,5pt)

Excellence2016

Maison de Ahmed Maison de Habib Maison de Mohamed Maison de Emir Maison de Didi

La rue

2) Justification : (1,5pt)

- Maison d'Emir entre maison Didi et (Ahmed , Mohamed , Habib)
 - Emir n'a pour voisins ni Habib, ni Ahmed.
 - Habib est à gauche de celle de Mohamed.
 - Ahmed n'habite pas à côté de Mohamed \Rightarrow Mohamed entre Ahmed et Didi
- En plus Mohamed entre Habib et Emir \Rightarrow le milieu de bloc

Maison de	Maison de	Maison de	Maison de	Maison de
Ahmed=A	Habib	Mohamed	Emir	Didi
Habib	H	?	?	?
Mohamed	?	M	?	?
Emir	?	?	E	?
Didi	?	?	?	D

Donc il existe une unique permutation qui vérifie les conditions précédentes.

Question	1	2	3	4	5	6	7
Réponse	A	C	A	C	C	A	B

Justification(QCM) :

BEPC 2015

5) $x = 11 \times \sqrt{45} - 10 \times \sqrt{20} - 12\sqrt{5} = 11 \times \sqrt{9} \times \sqrt{5} - 12\sqrt{5} - 10\sqrt{4} \times \sqrt{5}$
 $= 11 \times 3 \times \sqrt{5} - 12 \times \sqrt{5} - 10 \times 2 \times \sqrt{5} = (33 - 20 - 20) \times \sqrt{5} = -7 \times \sqrt{5}$
 Donc $x = -7\sqrt{5} \Rightarrow$ Réponse A

6) IJKL est un rectangle d'après définition deux diagonales IK=JL et le triangle IJK est rectangle en I donc qui vérifie le théorème de Pythagore :

$$IK^2 = IJ^2 + IL^2 = 4^2 + 3^2 = 25 \Leftrightarrow IK = 5 \Rightarrow \text{Réponse C}$$

3) A(-2; -2), B(2; 3) et C(4; -3) alors le coefficient directeur est la médiane issue de A donc la droite (AE) qui passe par le point E milieu de [BC] $\Leftrightarrow E(3; 0) \Rightarrow \vec{AE} = \begin{pmatrix} x_E - x_A \\ y_E - y_A \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3 - (-2) \\ 0 - (-2) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 5 \\ 2 \end{pmatrix}$

$$\Rightarrow \beta = \frac{y_E - y_A}{x_E - x_A} \Rightarrow \beta = \frac{2}{5} \Rightarrow \text{Réponse A}$$

4) ABCD est un losange de centre O \Rightarrow par définition [AC] et [BD] ont le même milieu soit O et aussi les droites (AC) et (BD) sont perpendiculaires, on calcul maintenant le vecteur \vec{AO}
 D'après le théorème de Châles :

$$2\vec{AO} = \vec{AB} + \vec{AD} \Rightarrow \vec{AO} = \frac{1}{2}(\vec{AB} + \vec{AD}) \Rightarrow \text{Réponse C}$$

5) Calcul un encadrement du nombre $-2x + 3$ tel que: $1 \leq x \leq 3$

On a :

$$1 \leq x \leq 3 \rightarrow \times \text{par } -2 \rightarrow -6 \leq -2x \leq -2 \rightarrow +3 \Rightarrow -3 \leq -2x + 3 \leq 1 \Rightarrow \text{Réponse C}$$

6) le nombre :

$$M = \frac{2^5 \times 3^3 \times 5^3}{6^3 \times 10^2} = \frac{5^3}{5^2} = 5 \Rightarrow \text{Réponse A}$$

7. résoudre les systèmes par trois méthodes (Substitution-Combinaison-Graphiquement) :

on a le système suivant :

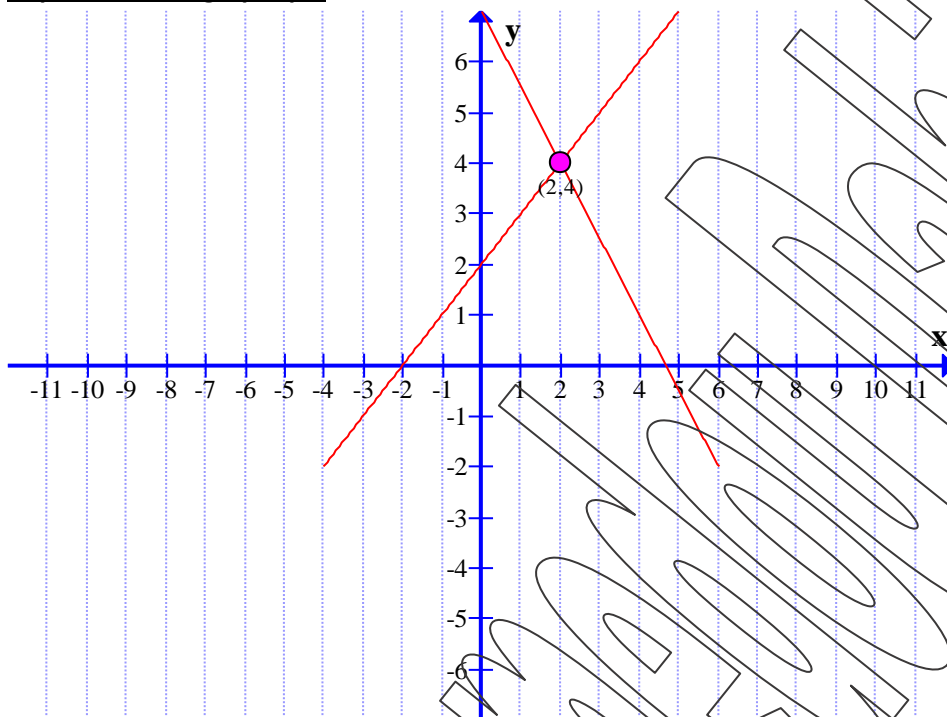
$$\begin{cases} 3x + 2y = 14 \rightarrow (1) \\ x - y = -2 \rightarrow (2) \end{cases} \text{ On résout ce système par méthode Combinaison.}$$

On multiplie l'équation (2) par 2 + l'équation(1) :

$$+ \begin{cases} 3x + 2y = 14 \rightarrow (1) \\ 2x - 2y = -4 \rightarrow (2') \end{cases}$$

$$5x = 10 \Rightarrow x = \frac{10}{5} = 2 \rightarrow \text{d'après(2)} : y = 4 \text{ d'ou la solution est } (2; 4) \Rightarrow \text{Réponse B}$$

➤ **Représentation graphique :**



Exercice 2(2points)

BEPC 2015

Notes	7	9	10	12	13	15	18	Total
Effectif	2	2	2	1	1	1	1	10
pourcentage	20%	20%	20%	10%	10%	10%	10%	100%

1) On détermine la médiane comme la procédure suivant : (supprimer deux notes minimal et maximal même temps jusqu'au le reste un nombre si l'effectif nombre impair ou deux nombres si pair)

$$7; 7; 9; 9; 10; 10; 12; 13; 15 \text{ et } 18 \rightarrow \text{la médiane} = \frac{10+10}{2} = 10$$

La médiane=10

$$\text{Moyenne} = \frac{7 \times 2 + 9 \times 2 + 10 \times 2 + 12 + 13 + 15 + 18}{10} = \frac{110}{10} = 11$$

La moyenne=11

2) Le $\% (x \geq 10) = \%(x = 10) + \%(x = 12) + \%(x = 13) + \%(x = 15) + \%(x = 18)$
 $= 20\% + 10\% + 10\% + 10\% + 10\% = 60\%$.

Exercice3 (4points)

BEPC 2015

○ 1) Développement de l'expression F :

$$F = (x + 1)(3x - 1) + 2(x^2 - 1) = 3x^2 - x + 3x \times 1 - 1 + 2 \times x^2 - 2 \times 1$$

$$= 3x^2 + 3x - x + 2x^2 - 3 = 5x^2 + 2x - 3$$

Donc : $F(x) = 5x^2 + 2x - 3$

○ 2) Si $(x = \frac{1}{3}) \Rightarrow F(\frac{1}{3}) = 5(\frac{1}{3})^2 + 2(\frac{1}{3}) - 3 = \frac{-16}{9} \Leftrightarrow F(\frac{1}{3}) = \frac{-16}{9}$

• Si $(x = -\sqrt{3}) \Rightarrow F(-\sqrt{3}) = 5 \times (-\sqrt{3})^2 + 2 \times (-\sqrt{3}) - 3 = 12 - 2\sqrt{3}$

Donc :

$$F(-\sqrt{3}) = 12 - 2\sqrt{3}$$

3) Factorisation de l'expression F :

$$F(x) = (x + 1)(3x - 1) + 2(x^2 - 1) = (x + 1)(3x - 1) + 2(x + 1)(x - 1)$$

$$= (x + 1)((3x - 1) + (2x - 2)) = (x + 1)(3x - 2 + 2x - 1) = (x + 1)(5x - 3)$$

$$\Rightarrow F(x) = (x + 1)(5x - 3)$$

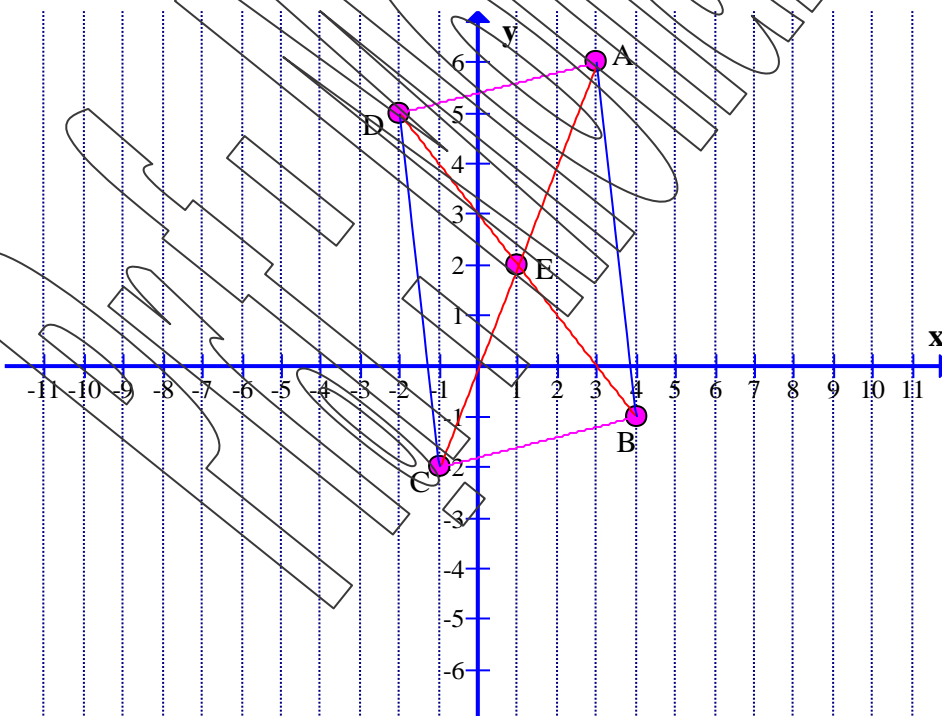
○ Si $F(x) = 0 \Rightarrow (x + 1)(5x - 3) = 0 \Rightarrow (x + 1) = 0$ ou $(5x - 3) = 0$

$$\Rightarrow x = -1$$
 ou $x = \frac{3}{5} \rightarrow S_R = \{-1, \frac{3}{5}\}$

Exercice 4 (4points)

BEPC 2015

- 1) On place les points : A (3; 6); B (4; -1); C (-1; -2) et D (-2; 5)
Et construire les droites (AC) et (BD) (voir la figure ci-dessous)



$$2) \text{ Soit } M = A * C \Leftrightarrow \begin{cases} x_M = \frac{x_A + x_C}{2} \\ y_M = \frac{y_A + y_C}{2} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x_M = \frac{3 + (-1)}{2} \\ y_M = \frac{6 + (-2)}{2} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x_M = 1 \\ y_M = 2 \end{cases} \Rightarrow M(1; 2)$$

$$\text{Et soit } N = B * D \Leftrightarrow \begin{cases} x_N = \frac{x_B + x_D}{2} \\ y_N = \frac{y_B + y_D}{2} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x_N = \frac{4 + (-2)}{2} \\ y_N = \frac{-1 + 5}{2} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x_N = 1 \\ y_N = 2 \end{cases} \Rightarrow N(1; 2)$$

D'où les segments [AC] et [BD] ont le même milieu $N = M(1; 2)$

2.a) équations des droites (AC) et (BD) :

c) (AC) : $\overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} x_C - x_A \\ y_C - y_A \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -1 - 3 \\ -2 - 6 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -4 \\ -8 \end{pmatrix} \rightarrow \overrightarrow{AC} \begin{pmatrix} -4 \\ -8 \end{pmatrix}$, soit $M(x; y) \in (AC) \Rightarrow \overrightarrow{AM} \begin{pmatrix} x - 1 \\ y - 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} x - 1 \\ y - 2 \end{pmatrix}$

On a les vecteurs \overrightarrow{AM} et \overrightarrow{AC} sont colinéaires donc règle de gamma vérifie :

(AC) : suite $\begin{pmatrix} x - 1 \\ y - 2 \end{pmatrix} \propto \begin{pmatrix} -4 \\ -8 \end{pmatrix} \Leftrightarrow -8(x - 1) - -4(y - 2) = 0 \rightarrow -8x - 8 + 4y + 8 = 0$

$\Rightarrow -8x + 4y = 0 \rightarrow 4(-2x + y) = 0 \rightarrow y = 2x$ D'où l'équation de la droite (AC) est :

(AC) : $-2x + y = 0$ car $(4 \neq 0)$

(BD) : $\overrightarrow{BD} \begin{pmatrix} x_D - x_B \\ y_D - y_B \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -2 - 4 \\ 5 - -1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -6 \\ 6 \end{pmatrix}$ soit le point $M(x; y) \in (BD)$, $\rightarrow \overrightarrow{BM} \begin{pmatrix} x - 4 \\ y + 1 \end{pmatrix}$ \rightarrow les vecteurs \overrightarrow{BM} et \overrightarrow{BD} sont colinéaires \rightarrow produit en croix vérifie :

$\begin{pmatrix} x - 4 \\ y + 1 \end{pmatrix} \propto \begin{pmatrix} -6 \\ 6 \end{pmatrix} \Rightarrow 6(x - 4) - 6(y + 1) = 0 \Rightarrow 6x + 6y - 18 = 0$

$\Rightarrow 6(x + y - 3) = 0 \rightarrow$ donc l'équation de la droite (BD) est :

(BD) : $x + y - 3 = 0$ car $(6 \neq 0)$

d) Le system suivant : $\begin{cases} x + y - 3 = 0, (BD) \\ -2x + y = 0, (AC) \end{cases}$

➤ On résout ce system par méthode graphiquement la solution d'intersection des droites (AC) et (BD), d'après 2.a) les segments [AC] et [BD] ont le même milieu E (2 ; 1).

$E \in (AC)$, $\therefore -2x_E + y_E = 0 \rightarrow -2 + 2 = 0$

$E \in (BD)$, $\therefore x_E + y_E - 3 = 0 \rightarrow 2 + 1 - 3 = 0$

Donc le point $E(1; 2) \in (BD) \cap (AC)$, $E = A * C$ et $E = B * D$

3.a) les coordonnées des vecteurs \overrightarrow{AB} et \overrightarrow{DC} .

$\overrightarrow{AB} \begin{pmatrix} x_B - x_A \\ y_B - y_A \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 4 - 3 \\ -1 - 6 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ -7 \end{pmatrix}$ Et $\overrightarrow{DC} \begin{pmatrix} x_C - x_D \\ y_C - y_D \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -1 - -2 \\ -2 - 5 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ -7 \end{pmatrix}$ les vecteurs \overrightarrow{AB} et \overrightarrow{DC} sont égaux implique ont le même sens et $AB = DC = \sqrt{50} = 5\sqrt{2}$

b) d'après 3.a) et les diagonales: $AC = \sqrt{80} \neq BD = \sqrt{72} \Rightarrow$ ABCD est un parallélogramme

EXERCICES 5 (5 Points)

BEPC 2015

2) Le triangle ABE est rectangle en E, d'après le théorème de Pythagore :

$$AE^2 + BE^2 = AB^2 \rightarrow AB^2 = AE^2 + BE^2 = (6m)^2 + (8m)^2 = 36m^2 + 64m^2$$

$$AB^2 = 100m^2 . \text{ Donc la diagonale : } AB = 10m$$

$$K = A * B \Rightarrow AK = \frac{AB}{2} \Rightarrow AK = 5m$$

On a les droites (PQ) et (SK) sont parallèles, d'après la propriété de Thalès :

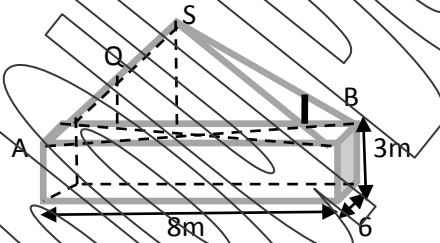
$$\frac{AQ}{AS} = \frac{AP}{AK} = \frac{PQ}{sk} \Leftrightarrow \frac{AP}{AK} = \frac{PQ}{SK} \Rightarrow \frac{2m}{5m} = \frac{PQ}{3m} \Rightarrow \therefore PQ = \frac{6m}{5} = 1,2 m$$

$$\Rightarrow (*) SA^2 = SK^2 + AK^2 = 9 + 25 = 34 \Rightarrow \therefore SA = \sqrt{34} m$$

b) D'où les résultats : les arêtes SA=SB

La hauteur→	PQ=1,2m
La génératrice→	SA=√34m

$$3) \tan(\widehat{SAK}) = \frac{\text{Cote opposé}}{\text{Cote adjacent}} = \frac{SK}{AK} = \frac{3m}{5m} = 0,6$$



Donc la tangente de l'angle sous lequel l'observateur A est : $\tan(\widehat{SAK}) = 0,6$

$$4) \text{ Le volume Total} = \text{le volume pyramide} + \text{le volume parallépipède}$$

$$= \frac{1}{3} \times (\text{Aire de base}) \times \text{hauteur} + \text{Longueur} \times \text{largeur} \times \text{hauteur}$$

$$= \frac{1}{3} \times ((6m \times 8m)^{\dagger}) \times 3m + 8m \times 6m \times 3m = 48m^3 + 144m^3$$

$$= 192m^3 = 192000 \text{ litre} \rightarrow V_T = 192000 \text{ litre}$$

▪ Je convertis : Bidon → litre on multiplie par 20 on obtient :

Le volume de Stock = $20 \times 5000 = 100000$ litre

$\Rightarrow V_T = 192000 \text{ litre} > 100000 \text{ litre}$

❖ Cette maison il peut contenir un volume 5000 bidon de 20 litres.

FIN.