

Correction du brevet 2023EXERCICES1

<u>N°Q</u>	1	2	3	3
<u>REP</u>	B	B	C	A

EXERCICES2

$$A(x) = (3x - 4)^2 - (2x + 2)^2$$

$$1) A(x) = 9x^2 - 24x + 16 - (4x^2 + 8x + 4)$$

$$= 9x^2 - 24x + 16 - 4x^2 - 8x - 4$$

$$\Rightarrow \boxed{A(x) = 5x^2 - 32x + 12}$$

$$2) \text{ Pour } x = \sqrt{2}$$

$$\Rightarrow A(\sqrt{2}) = 5\sqrt{2}^2 - 32\sqrt{2} + 12$$

$$\Rightarrow \boxed{A(\sqrt{2}) = 22 - 32\sqrt{2}}$$

$$3) A(x) = (3x - 4)^2 - (2x + 2)^2, \text{ sous forme de } a^2 - b^2 = (a+b)(a-b).$$

$$\Rightarrow A(x) = (3x - 4 + 2x + 2)(3x - 4 - 2x - 2)$$

$$\Rightarrow \boxed{A(x) = (5x - 2)(x - 6)}$$

$$A(x) = 0$$

$$\Rightarrow 5x - 2 = 0 \text{ ou } x - 6 = 0$$

$$\Rightarrow 5x = 2 \text{ ou } x = 6$$

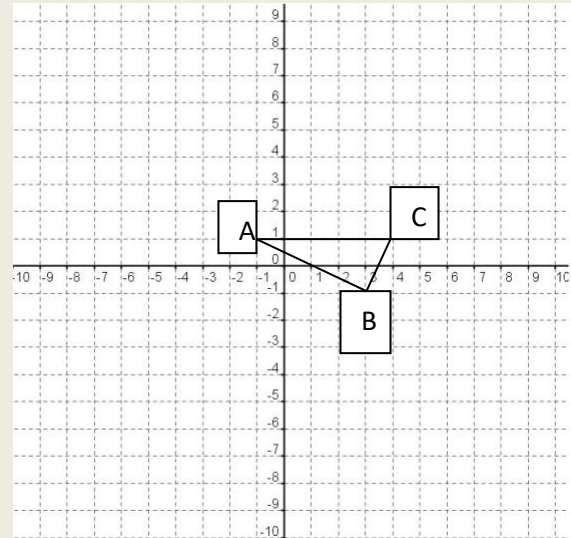
$$\Rightarrow x = \frac{2}{5} \text{ ou } x = 6$$

$$\Rightarrow \boxed{S \left\{ \frac{2}{5}; 6 \right\}}$$

EXERCICES3

$$A(-1; 1), B(3; -1) \text{ et } C(4; 1)$$

1a)



$$1b) AB = \sqrt{(3 + 1)^2 + (-1 - 1)^2}$$

$$\Rightarrow \boxed{AB = 2\sqrt{5}}$$

$$AC = \sqrt{(4 + 1)^2 + (1 - 1)^2}$$

$$\Rightarrow \boxed{AC = 5}$$

$$BC = \sqrt{(3 - 1)^2 + (1 + 1)^2}$$

$$\Rightarrow \boxed{BC = \sqrt{5}}$$

Nature du triangle ABC

$$\text{On a : } AB^2 + BC^2 = 25 = AC^2$$

D'après la réciproque de Pythagore : ABC est un triangle rectangle en B.

2a) l'équation du droit (AB) :

$$(AB) : Y = ax + b \text{ avec } a = \frac{y_B - y_A}{x_B - x_A} = \frac{-1 - 1}{3 + 1} = -\frac{1}{2}$$

$$y_A = -\frac{1}{2}x_A + b \Rightarrow b = y_A + \frac{1}{2}x_A = 1 - \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow \boxed{(AB) : Y = -\frac{1}{2}x + \frac{1}{2}}$$

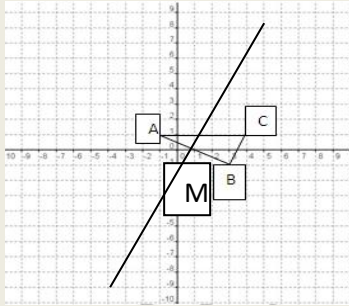
b) $M(1; 0) \in (AB)$?

b) $M(1;0) \in (AB)$?

$$-\frac{1}{2}X_M + \frac{1}{2} = -\frac{1}{2} + \frac{1}{2} = 0 = Y_M$$

$\Rightarrow M(1;0) \in (AB)$.

3)



Dans le triangle ABC, $(MN) \parallel (BC)$, D'après

Thales : $\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC} = \frac{MN}{BC}$ or

$$AM = \sqrt{(1+1)^2 + (0-1)^2} = \sqrt{5}$$

$$\text{Donc : } \frac{AM}{AB} = \frac{MN}{BC} \Rightarrow \frac{\sqrt{5}}{2\sqrt{5}} = \frac{MN}{\sqrt{5}} \Rightarrow MN = \frac{5}{2\sqrt{5}}$$

$$\text{Alors : } \boxed{MN = \frac{\sqrt{5}}{2}}$$

4) a) les angles \widehat{BDC} et \widehat{BAC} sont deux angle inscrit intercepte a la même arc \widehat{BC}

$$\Rightarrow \widehat{BDC} = \widehat{BAC}$$

b)

$$\tan(\widehat{BAC}) = \tan(\widehat{BDC}) = \frac{BC}{AB} = 0,5$$

$$\Rightarrow \tan(\widehat{BDC}) = 0,5$$

EXERCICES4

1)

$\begin{cases} X = \text{le nombre de cahier de grand format} \\ Y = \text{le nombre de cahier de petit format} \end{cases}$

$$\text{On a } \begin{cases} X + Y = 50 & (1) \\ 32X + 24Y = 1320 & (2) \end{cases}$$

Si on divise (2) par 8 on obtient :

$$\begin{cases} X + Y = 50 & (1) \\ 4X + 3Y = 165 & (2) \end{cases}$$

$$2) \begin{cases} X + Y = 50 & (1) \times 4 \\ 4X + 3Y = 165 & (2) \times -1 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 4X + 4Y = 200 & (1) \\ -4X - 3Y = -165 & (2) \end{cases}$$

$$\Rightarrow Y = 200 - 165 = 35$$

$$\Rightarrow \boxed{Y = 35} \text{ si on remplace y dans (1)}$$

on obtient :

$$\boxed{X = 15}$$

D'où

$\begin{cases} X = \text{le nombre de cahier de grand format} = 15 \\ Y = \text{le nombre de cahier de petit format} = 35 \end{cases}$

EXERCICES5

1) On a : $L = SB = 15\text{cm}$ et $r = 3\text{cm}$

$$h = SO : OB = r = 3\text{cm}$$

SOB est un triangle rectangle en o,
d'après la propriété de Pythagore ;

$$SB^2 = SO^2 + OB^2 \Rightarrow h^2 = SB^2 - r^2 = 216$$

$$\Rightarrow h = \sqrt{216} = 6\sqrt{6} \text{ cm}$$

$$2) V = \frac{\pi \times r^2 \times h}{3} = \frac{\pi \times 9 \times 6\sqrt{6}}{3}$$

$$\Rightarrow \boxed{V = 18\sqrt{6} \text{ cm}^3}$$

3) Aire total du cône = $A_{Base} + A_{lateral}$

$$\Rightarrow A_T = \pi r^2 + \pi r L$$

$$\Rightarrow A_T = 9\pi + 45\pi$$

$$\Rightarrow A_T = 54\pi \text{ cm}^2$$

$$4) \widehat{ASB} = \frac{2\pi r}{L} = \frac{2\pi \times 3}{15} = \frac{2\pi}{5}$$

Prof.: TAH MED SALEM